

S. V. K. P. & Dr. K. S. RAJU ARTS & SCIENCE COLLEGE (A)
Penugonda-534320, W. G. Dt., A.P.

I Semester – MATHEMATICS (19MAT1)
(W.e.f. 2019-20 admitted batch)

MODEL QUESTION PAPER

PAPER I: DIFFERENTIAL EQUATIONS (19MAT1)

Time: 3 Hours

Maximum : 75 Marks

The question paper contains Part-I and Part-II.

PART – I

5 x 10 = 50 Marks

Answer any FIVE questions from Section A and B choosing at least Two questions from each section. Each Question carries 10 marks.

నెక్షన్ ఏ మరియు బి నుండి కనీసము రెండు ప్రశ్నలు ఎంపిక చేసుకుంటూ ఏదైనా ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానము వ్రాయుము. ప్రతి ఒక్క ప్రశ్నకు 10 మార్కులు.

Section - A

1. Solve $x^2 y dx - (x^3 + y^3) dy = 0$ ను సాధించండి.
2. Solve $x \frac{dy}{dx} + y = y^2 \log x$ ను సాధించండి.
3. Solve $x^2 \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 - 2xy \frac{dy}{dx} + 2y^2 - x^2 = 0$ ను సాధించండి.
4. Solve $y = 2xp + x^2 p^4$ ను సాధించండి.
5. Solve $(D^2 - 4D + 3)y = \sin 3x \cos 2x$ ను సాధించండి.

Section - B

6. Solve $\frac{d^2 y}{dx^2} + 4y = e^x + \sin 2x + \cos 2x$ ను సాధించండి.
7. Solve $(D^2 - 2D)y = e^x \sin x$ ను సాధించండి.
8. Solve. $(D^2 + 4)y = x \sin x$ ను సాధించండి.
9. Solve $(D^2 - 3D + 2)y = \sin(e^{-x})$ by the method of variation of parameters.
 $(D^2 - 3D + 2)y = \sin(e^{-x})$ పరామితుల మార్పువద్దతి ద్వారా సాధించండి.
10. Solve $((1 + 2x)^2 D^2 - 6(1 + 2x)D + 16)y = 8(1 + 2x)^2$ ను సాధించండి.

PTO

Part-II

5x5=25 Marks

Answer any FIVE questions. Each question carries 5 marks.

ఏదేని ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానములు వ్రాయండి. ప్రతి ఒక్క ప్రశ్నకు 5 మార్కులు.

11. Solve $(e^y + 1)\cos x \, dx + e^y \sin x \, dy = 0$ ను సాధించండి.

12. Solve $x \frac{dy}{dx} + 2y - x^2 \log x = 0$ ను సాధించండి.

13. Find the orthogonal trajectories of the family of curves $x^{2/3} + y^{2/3} = a^{2/3}$ where 'a' is the parameter

$x^{2/3} + y^{2/3} = a^{2/3}$ వక్ర కుటుంబమునకు లంబ సంధేదము సమీకరణము కనుగొనుము. ఇక్కడ 'a' పరామితి

14. Solve $(D^3 + 6D^2 + 11D + 6)y = 0$ ను సాధించండి.

15. Solve $(D^2 - 5D + 6)y = e^{4x}$ ను సాధించండి.

16. Solve $(D^2 - 3D + 2)y = 2x^2$ ను సాధించండి.

17. Solve $(D^2 + 1)y = xe^x$ ను సాధించండి.

18. Solve $x^2 \frac{d^2 y}{dx^2} - 3x \frac{dy}{dx} + 4y = 2x^2$ ను సాధించండి.

Part – 1

Answer any five questions choosing at least two from each section.

Each question carries 10 marks.

5x10=50 marks

Section-A

1. A Variable plane is at a constant distant $3p$ from the origin and meets the axes in A, B, C . Show that the locus of the centroid of the ΔABC is $x^2 + y^2 + z^2 = p^2$.

ఒక చరతలము మూలబిందువు నుండి ఎల్లప్పుడూ $3p$ దూరంలో ఉంటూ నిరూపకాక్షాలను A, B, C ల వద్ద కలియుచున్నది, ΔABC యొక్క కేంద్ర బాసము బిందు పదము $x^2 + y^2 + z^2 = p^2$ అని చూపండి.

2. Find the bisecting plane of the acute angle between the planes $3x-2y+6z+2=0$, $-2x+y-2z-2=0$

$3x-2y+6z+2=0$, $-2x+y-2z-2=0$ ల మధ్య ఉన్న లఘుకోణాన్ని సమద్విఖండన చేసే తలం సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

3. Find the image of the line $\frac{x-1}{9} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-3}$ in the plane $3x-3y+10z-26=0$.

$3x-3y+10z-26=0$ తలములో $\frac{x-1}{9} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-3}$ రేఖ యొక్క ప్రతిబింబమును కనుక్కోండి.

4. Find the length and equations to the line of shortest distance between the lines $\frac{x}{4} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}$ and

$$5x-2y-3z+6=0, x-3y+2z-3$$

$\frac{x}{4} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}$ మరియు $5x-2y-3z+6=0, x-3y+2z-3$ రేఖల మధ్య అల్పతమ దూరాన్ని, అత్యల్ప దూర రేఖకు సమీకరణం కనుక్కోండి.

5. Show that the two circles $x^2 + y^2 + z^2 - y + 2z = 0$, $x-y+z = 2$ and $x^2 + y^2 + z^2 + x - 3y + z - 5 = 0$, $2x - y + 4z - 1 = 0$ lie on the same sphere and find its equation.

$$x^2 + y^2 + z^2 - y + 2z = 0, x-y+z = 2 \text{ and } x^2 + y^2 + z^2 + x - 3y + z - 5 = 0, 2x - y + 4z - 1 = 0$$

అనే రెండు వృత్తాలు ఒకే గోళముపై ఉంటాయని దాని సమీకరణము కనుక్కోండి.

SECTION – B

6. Find the limiting points of the coaxial system of spheres of which two members are

$$x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 3y + 6 = 0, x^2 + y^2 + z^2 - 6y - 6z + 6 = 0$$

$x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 3y + 6 = 0, x^2 + y^2 + z^2 - 6y - 6z + 6 = 0$ అను గోళములను కల్గి వున్న సహజ సరణి అవధి బిందువులను కనుగొనుము.

7. If the line $x = \frac{1}{2}y = z$ represents one of the three mutually perpendicular generators of the cone $11yz + 6zx - 14xy = 0$, find the equations of the other two.

$$11yz + 6zx - 14xy = 0 \text{ అను శంకువుకు గల మూడు పరస్పర లంబంగావుండే జనకరేఖలలో ఒక రేఖ } x = \frac{1}{2}y = z$$

అయితే మిగిలిన రెండు జనకరేఖలను కనుక్కోండి.

8. Find the vertex of the cone $7x^2 + 2y^2 + 2z^2 - 10zx + 10xy + 26x - 2y + 2z - 17 = 0$ శంఖం యొక్క శీర్షాన్ని కనుక్కోండి.

9. Find the Equation of right circular cylinder whose guiding circle is $x^2 + y^2 + z^2 = 9$, $x - y + z = 3$.

భూవక్రము $x^2 + y^2 + z^2 = 9$, $x - y + z = 3$ కలిగిన లంబ వర్తుల స్తూపకము యొక్క సమీకరణమును కనుగొనుము

10. Find the Equation of the Enveloping cylinder of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 3y - 1 = 0$ having its generators parallel to the line $x = y = z$.

$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 3y - 1 = 0$ గోళాన్ని స్పృశిస్తూ జనకరేఖలు $x = y = z$ కి సమాంతరంగా ఉండే స్తూపాన్ని కనుక్కోండి.

Part - 2

Answer any five questions. Each question carries 5 marks.

5x5=25 marks

11. Find the angles between the planes $2x - 3y - 6z = 6$ and $6x + 3y - 2z = 18$
 $2x - 3y - 6z = 6$ మరియు $6x + 3y - 2z = 18$ తలల మధ్య కోణాలను కనుక్కోండి.
12. Find the equation of the plane passing through $(-1, 3, 2)$ and perpendicular to the planes $x + 2y + 2z = 5$, $3x + 2y + 2z = 8$
 $(-1, 3, 2)$ బిందువు గుండా పోతూ $x + 2y + 2z = 5$ మరియు $3x + 2y + 2z = 8$ తలలకు లంబంగా ఉన్న తలం సమీకరణము కనుక్కోండి.
13. Find the equation of the line through the point $(1, 2, 4)$ and parallel to the line $3x + 2y - z = 4$, $x - 2y - 2z = 5$
 $(1, 2, 4)$ బిందువు గుండా పోతూ $3x + 2y - z = 4$, $x - 2y - 2z = 5$ రేఖకు సమాంతరంగా ఉన్న రేఖ సమీకరణాలను కనుక్కోండి.
14. Prove that the lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$, $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$ are coplanar and find the equation to the plane containing the lines.
 $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$, $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$ రేఖ సతలీయాలని చూపండి మరియు వీటి గుండా తలంను కనుక్కోండి.
15. Show that the spheres $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z - 50 = 0$, $x^2 + y^2 + z^2 - 10x + 2y + 18z + 82 = 0$ touch externally at the point $(\frac{45}{13}, \frac{2}{13}, -\frac{57}{13})$.
 $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z - 50 = 0$, $x^2 + y^2 + z^2 - 10x + 2y + 18z + 82 = 0$
 అనే గోళాలు $(\frac{45}{13}, \frac{2}{13}, -\frac{57}{13})$ బిందువు వద్ద బాహ్యంగా స్పృశిస్తాయని చూపండి.
16. Show that the spheres are orthogonal
 క్రింది యిచ్చిన గోళాలు లంబంగా ఖండించుకుంటాయని చూపండి.
 $x^2 + y^2 + z^2 + 6y + 2z + 8 = 0$, $x^2 + y^2 + z^2 + 6x + 8y + 4z + 20 = 0$
17. Find the Enveloping cone of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y = 2$ with its vertex at $(1, 1, 1)$
 $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y = 2$ గోళానికి $(1, 1, 1)$ శీర్షంగా గల స్పర్శ శంకువు కనుక్కోండి
18. Find the Equation of the cylinder whose generators are parallel to $\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$ and which passes through the curve $x^2 + y^2 = 16$, $z = 0$.
 $\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$ సరళరేఖకు సమాంతరంగా జనకరేఖలుండి, భూవక్రం $x^2 + y^2 = 16$, $z = 0$ అయితే స్థూప సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి
